

2014 年专业硕士管理类联考数学真题解析

1. 设一等奖的个数为 x , 则其他奖品的个数为 $26-x$, 则

$$400x + 270(26-x) = 280 \times 26, \text{ 解得 } x=2, \text{ 选 E}$$

2. 设甲每周的工时费为 x , 乙每周工时费为 y , 则

$$\begin{cases} 10(x+y) = 100 \\ 6x + 18y = 96 \end{cases} \Rightarrow x = 7, y = 3, \text{ 选 B}$$

$$\because BF = 2BC, \therefore S_{\triangle ABC} = S_{\triangle ACF} = 2, \therefore S_{\triangle ABF} = 4,$$

$$3. \because AE = 3AB, \therefore BE = 2AB, \therefore S_{\triangle BEF} = 2S_{\triangle ABF} = 8$$

$$\therefore S_{\triangle AEF} = 4 + 8 = 12, \text{ 选 B}$$

$$4. \text{ 设预算为 } x, \text{ 则 } \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}x \frac{2}{3} = x - 0.8 \Rightarrow x = 3.6 \text{ 选 B}$$

$$5. AC=AD=AB=1, \therefore \angle CAD = \frac{2}{3}\pi, CD = \sqrt{3}. \therefore S_{\text{阴}} = 2\left(\frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{3}\right) = \frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ 选 E}$$

6. 设该容器的容积为 x , 则

$$\frac{90\%x - 90\% \times 1 - \frac{90\%x - 90\%}{x}}{x} = 40\% \Rightarrow 5x^2 - 18x + 9 = (5x - 3)(x - 3) = 0$$

$$\text{解得 } x = \frac{3}{5} \text{ (舍去)}, x = 3 \text{ 选 B}$$

$$7. \text{ 由 } a_2 - a_5 + a_8 = (a_2 + a_8) - a_5 = 2a_5 - a_5 = a_5 = 9$$

$$a_1 + a_2 + \dots + a_9 = \frac{9(a_1 + a_9)}{2} = \frac{9 \times 2a_5}{2} = 9a_5 = 81, \text{ 选 D}$$

$$8. \text{ 设甲乙的速度分别是 } x, y, \text{ AB 距离为 } S, \text{ 则 } \begin{cases} x + y = S \\ 1.5(x + 1.5 + y + 1.5) = 2S \end{cases} \Rightarrow S = 9 \text{ 选 D}$$

9. 4 次内结束。则有两种情况正、反正正。故:

$$P = \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{5}{8} \text{ 选 C}$$

$$10. 770 = 2 \times 5 \times 7 \times 11, 2+5+7+11=25, \text{ 选 E}$$

11. 切线为 $x+2y=5$. 在 y 轴上的截距为 $\frac{5}{2}$ 选 D

$$12. A'F = \sqrt{A'D'^2 + D'F^2} = \sqrt{5}.$$

又 $AA' \perp$ 面 $A'B'C'D'$, $A'F \subset$ 面 $A'B'C'D'$, 所以 $AA' \perp A'F \Rightarrow AF = \sqrt{AA'^2 + A'F^2} = 3$

选 A

$$13. P = \frac{C_3^1 C_3^1 C_2^1 C_2^1 C_1^1 C_1^1}{C_6^2 C_4^2 C_2^2} = \frac{2}{5} \text{ 选 E}$$

14. 设需要 x 个正方体, $10000\left(\frac{4}{3}\pi 5.01^3 - \frac{4}{3}\pi 5^3\right) = 20^3 x \Rightarrow x \approx 4$ 选 C.

15. 选 D

16. 条件 (1) $a+b-6+1=0$, 则 $a+b=5$, 充分

条件 (2) $a-b-6-1=0$, 则 $a-b=7$ 不充分, 故先 A

17. 条件 (1), 取特殊值 $a=-2$, $|x^2 + 2x - 3| = |(x+1)^2 - 3| \leq 1 \Rightarrow 2 \leq (x+1)^2 \leq 4$ 解集不空,

故不充分。

条件 (2) $|x^2 + 2x + a| = |(x+1)^2 + a - 1| = (x+1)^2 + a - 1 > 1$ 充分, 选 B

18. 条件 (1) 和条件 (2) 单独肯定都不充分, 考虑联合三个数既成等差有成等比数列, 则

这三个数相等。故充分。选 C。

19. 条件 (1)

$$\begin{aligned} \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 &= x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 9 \Rightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} = 7 \\ \Rightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) &= \left(x^3 + \frac{1}{x^3}\right) + \left(x + \frac{1}{x}\right) = 21 \\ \Rightarrow x^3 + \frac{1}{x^3} &= 21 - 3 = 18 \end{aligned}$$

故条件 (1) 充分。

条件 (2) $x^2 + \frac{1}{x^2} = 7 \Rightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 9 \Rightarrow x + \frac{1}{x} = \pm 3$ 若 $x + \frac{1}{x} = -3 \Rightarrow x^3 + \frac{1}{x^3} = -18$ 不

充分, 故选 A

20. 容易得出 $OD = \frac{1}{2}BC$, 所以 (1) 充分, (2) 不充分, 选 A。

$$21. \Delta = 4(a+b)^2 - 4c^2$$

条件 (1) $a+b > c, \Rightarrow \Delta > 0$ 充分

条件 (2) $a+b = 2c \Rightarrow \Delta = 12c^2 \geq 0$ 充分, 故选 D

$$22. \text{条件 (1)} \begin{cases} c=0 \\ a+b+c=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c=0 \\ a+b=1 \end{cases} \text{ 不充分}$$

$$\text{条件 (2)} \begin{cases} y = ax^2 + bx + c \\ y = a + b \end{cases} \Rightarrow ax^2 + bx + (c - a - b) = 0 \Rightarrow \Delta = b^2 - 4a(c - a - b) = 0 \text{ 也}$$

不充分。

$$(1) \text{ 和 } (2) \text{ 联立 } \begin{cases} c=0 \\ a+b=1 \\ b^2 - 4a(c-a-b) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=-1 \\ b=2 \\ c=0 \end{cases} \text{ 充分, 选 C}$$

23. 由条件 (1) 和条件 (2) 肯定都不充分, 考虑联立, 有条件 (2) 知, 取出一个黑球的概

率也小于 $\frac{1}{5}$, 则随机取出一个红球的概率为 $P > 1 - \frac{2}{5} - \frac{1}{5} > \frac{2}{5}$ 故红球的概率最大。所以红

球的个数最多。选 C

24. 条件 (1) 和条件 (2) 肯定单独都不充分, 考虑联合

$$\begin{cases} a+b+c+d+e=50 \\ \frac{(a-10)^2 + (b-10)^2 + (c-10)^2 + (d-10)^2 + (e-10)^2}{5} = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a+b+c+d+e=50 \\ a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + e^2 = 490 \end{cases}$$

不能确定这几个数的值, 选 E

25. 条件 (1) 原点到直线的距离为 $d = \frac{5}{\sqrt{4^2 + 3^2}} = 1$ 所以条件 (1) 充分

条件 (2) 原点到圆心的距离为 $d = \sqrt{2}$, 所以 $x^2 + y^2 \geq (\sqrt{5} - \sqrt{2})^2 = 7 - 2\sqrt{10} < 1$ 不充

分, 选 A。